

**Un número N es perfecto** cuando la suma de todos sus divisores es igual a  $2N$ , es decir la suma de los divisores menores que N es igual a N

La suma de los divisores de N se suele expresar  $\sigma(n)$ .

**Por tanto N es perfecto si  $\sigma(n) = 2N$**

Diremos que un número **N es superperfecto si  $\sigma(\sigma(N)) = 2N$**

De acuerdo a las definiciones anteriores encontrar algún número superperfecto.

---

□ **Es claro que si  $N = 2^k$  y además se cumple que  $2^{k+1} - 1$  es un número es primo,**

entonces se verifica que N es un número superperfecto.

Daremos una demostración de manera muy esquemática, pero que refleja en esencia las ideas fundamentales.

En efecto se verifica la condición de los números superperfectos ya que :

$$\square \square \square \sigma(\sigma(N)) = \sigma(\sigma(2^k)) = \sigma(2^{k+1} - 1) = 2^{k+1} = 2N$$

NOTA: Si queremos ver algunos ejemplos de números que cumplen las condiciones anteriores, rápidamente encontraremos algunos sencillos, como el número 4. En efecto se verifica que  $4 = 2^2$  y además 2

$2+1$

$-1 = 7$  es un número primo.

Veamos que efectivamente que el número 4 es un número superperfecto

Los divisores del 4 son : 1, 2 y 4 por tanto  $\sigma(4) = 7$

Por otra parte  $\sigma(\sigma(4)) = \sigma(7) = 8 = 2 \cdot 4$