

### Algunos algoritmos de la multiplicación



Luca Pacioli nació en Borgo de Sansepolcro (Italia) en 1445 y posiblemente recibió sus primeras lecciones en el taller de su paisano el matemático y pintor Piero della Francesca (1412-1492).

A los veinte años dejó su ciudad natal y pasó a Venecia donde fue preceptor de los dos hijos del comerciante Antonio Rompiasi. A la vez que desempeñaba esta función, prosiguió sus estudios de Matemáticas en una escuela publica dependiente de la Universidad de Venecia.

En 1470, tras la muerte de Antonio, abandonó Venecia y se trasladó a Roma invitado por el arquitecto León Battista Alberti (1404-1472), uno de los primeros investigadores de la perspectiva geométrica.

Años más tarde, en 1472, ingresó en la orden de San Francisco de Asís.

En 1475 fue lector de Matemáticas en Perugia y entre 1477 y 1480 dio clases de aritmética en la Universidad de dicha ciudad. En 1481 se trasladó a Zara (actual Croacia) donde escribió un manual de aritmética. Después de una corta estancia en Florencia volvió a Perugia, obtuvo el título de Magíster y explicó Matemáticas desde 1486 hasta 1487.

Debido al agotamiento y a su frágil salud dejó la docencia y se instaló en Roma. En 1490 enseñó Teología y Matemáticas en Nápoles. En esta ciudad realizó una colección de poliedros regulares que regaló a Guidobaldo de Montefeltro, duque de Urbino. De 1490 a 1493 permaneció en su pueblo natal preparando la publicación de su obra *Summa de arithmetica geometria proportioni et proportionalità*

## Luca Pacioli (Algunos algoritmos de la multiplicación)

Escrito por Vicente Meavilla Seguí

---

. En 1493 dio lecciones de Matemáticas en Padua. En 1494, una vez terminada la redacción de la *Summa*, se trasladó a Venecia para supervisar los trabajos de impresión.

En 1496 viajó a Milán para enseñar Matemáticas en la corte del duque Ludovico Sforza “il Moro” (1452-1508). Allí conoció a Leonardo da Vinci (1452-1519) quien realizó los dibujos de los sesenta poliedros que aparecen en su libro *De divina proportione*.

En 1499 Milán fue ocupada por las tropas francesas y Ludovico el Moro fue hecho prisionero. Por este motivo, Luca Pacioli y Leonardo abandonaron la ciudad pasando primero a Mantua, luego a Venecia y finalmente a Florencia.

En 1500 Pacioli se convirtió en profesor de Geometría de la Universidad de Pisa, cuya sede se había trasladado a Florencia desde las revueltas ciudadanas de 1494. Allí continuó su labor docente hasta 1505. No obstante, entre 1501 y 1502 dio clases de Matemáticas en la Universidad de Bolonia donde coincidió con Scipione del Ferro (1465-1526), uno de los grandes algebristas italianos que intervino en la resolución por radicales de la ecuación de tercer grado con una incógnita.

En 1505 regresó a Roma y en 1508 viajó a Venecia. En dicha ciudad vio la luz la primera edición impresa de *De divina proportione*.

En 1510, a causa de su delicada salud, volvió a su ciudad natal. Sin embargo, a instancias del Papa León X, en 1514 volvió a Roma y fue profesor de la *Sapienza*, la Universidad de la “ciudad eterna”.

Luca Pacioli murió en Borgo de Sansepolcro en torno al 1517.

En la *Summa de arithmetica geometria proportioni et proportionalità*, obra de carácter enciclopédico que ocupa más de 600 páginas, se describen ocho procedimientos para calcular el producto de dos números naturales. En las líneas que siguen ofrecemos una somera

# Luca Pacioli (Algunos algoritmos de la multiplicación)

Escrito por Vicente Meavilla Seguí

---

descripción de cada uno de ellos.

---

## 1. MULTIPLICACIÓN POR SCACHIERI O POR BERICUOCOLO

Este algoritmo coincide con el actual. Pacioli lo ejemplifica con la multiplicación siguiente.

```
9876
6789
-----
88884
79008
69152
50256
-----
67048164
```

## 2. MÉTODO DEL CASTELLUCIO

El “método del castillo” se apoya en la propiedad distributiva del producto respecto de la suma y en la expresión de uno de los factores como suma de potencias de 10. El caso concreto que se contempla en la *Summa*,  $9876 \cdot 6789$ , se efectúa del modo siguiente:  $(9 \cdot 10^3 + 8 \cdot 10^2 + 7 \cdot 10 + 6) \cdot 6789$ .

Advirtamos que el producto parcial  $70 \cdot 6789$  debe ser 475230 en lugar de 476230.

```
9876 6789
-----
6789 10000
67890 100000
475230 1000000
-----
67048164
```

## 3. MULTIPLICAR POR COLONNA O TAVOLETTA

## Luca Pacioli (Algunos algoritmos de la multiplicación)

Escrito por Vicente Meavilla Seguí

---

Este procedimiento puede usarse cuando uno de los factores es un número pequeño de más de una cifra. En esta situación, la multiplicación se lleva a cabo procediendo como si el número pequeño tuviese una sola cifra.

Luca Pacioli, valiéndose del producto  $4685 \cdot 13$ , describe el método de forma retórica. Nosotros lo hacemos mediante una tabla de dos columnas. En la segunda se detallan las operaciones que deben efectuarse para poder escribir las cifras de los distintos órdenes del producto (primera columna).

```
4 6 8 5
  1 3
□□□□□□□□□□□□□□□□ 5
```

$$13 \cdot 5 = 65 \quad 60 + 5$$

```
4 6 8 5
  1 3
□□□□□5□□□□□0□□□□
```

$$13 \cdot 80 = 1040$$
$$1040 + 60 = 1100 +$$

```
4 6 8 5
  1 3
□□□□□9□□□□ □□□ 5
```



Escribe el 13 al lado del 6 y el 9 que habías puesto antes y resultará 1369.

---

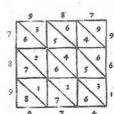
## 5. MÉTODO DEL QUADRILATERO



El “método del cuadrilátero” sólo difiere del actual en la disposición de los productos parciales, en el cálculo de las sumas que conducen al resultado final y en la ubicación del mismo. En la figura anterior se muestra el producto  $5432 \cdot 5432$ .

## 6. MULTIPLICACIÓN POR GELOSIA o GRATICOLA

Pacioli explica este algoritmo árabe ofreciendo dos ejemplos de la multiplicación  $987 \cdot 987 = 974169$ . En cada uno de ellos construye un cuadrado  $3 \times 3$  en el que cada una de las nueve celdas cuadrangulares se divide diagonalmente en dos partes y se escriben el multiplicando y multiplicador tal como se indica en los diagramas adjuntos.



# Luca Pacioli (Algunos algoritmos de la multiplicación)

Escrito por Vicente Meavilla Seguí

---

9	8	7	6
8	7	6	5
7	6	5	4
6	5	4	3

~~Summa de arithmetica geometria proportionu et proportionu~~