

ABC, 21 de Febrero de 2022  
CIENCIA - El ABCdario de las matemáticas  
Alfonso Jesús Población Sáez

**Su belleza se percibe subjetivamente, pero se comprueba objetivamente haciendo cálculos y mediciones, matemáticas mediante**

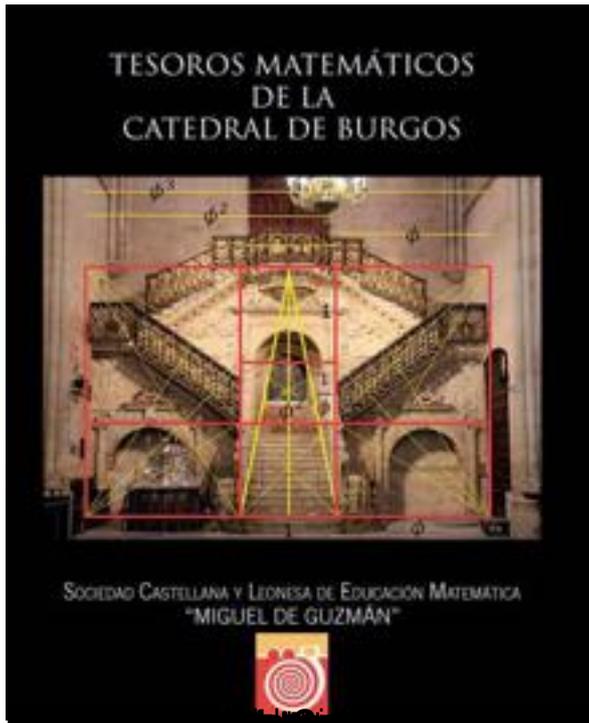


Vista de la Catedral de Burgos - FRANCISCO ORDÓÑEZ

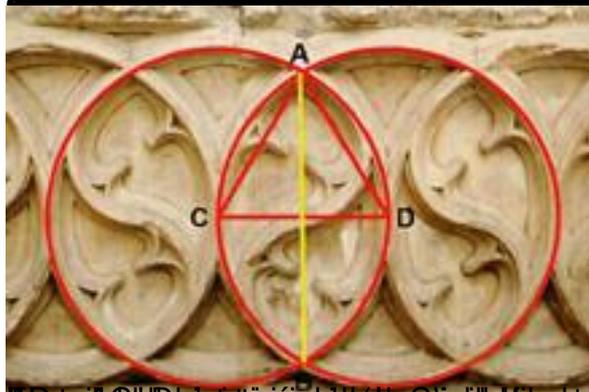
Hace unas semanas resaltamos la importancia de la Alhambra en relación a la concepción musulmana de la geometría, y hoy nos acercaremos a otro lugar paradigmático como pocos: la catedral de Burgos.

Cualquiera que se haya acercado mínimamente a la construcción o a la reforma de una edificación, se percatará de que por mucho que los planos y las mediciones digan una cosa, llevarlo a la realidad no es nada sencillo. Imaginémosnos un edificio de las dimensiones de una catedral, y con los medios existentes en el siglo XIII, por no hablar de las sucesivas ampliaciones y añadidos que se hacen posteriormente que obligan a nuevos cálculos y una precisión exquisita, si queremos que aquello perdure. Pero no sólo es la técnica, porque estos monumentos pretendían transmitir algo más que ser utilizadas como simples lugares de encuentro.

Para un mensaje trascendente, como sucede en el caso religioso, esta impresión se pensaba que se encontraba en aquello que transmitiera cualidades como la perfección, que siempre se asoció a la armonía y la belleza, y que a su vez se encuentran, por ejemplo, a través de la simetría, del orden. Todas estas características se perciben subjetivamente, pero se comprueban objetivamente haciendo cálculos y mediciones, matemáticas mediante.



[enlace](#)

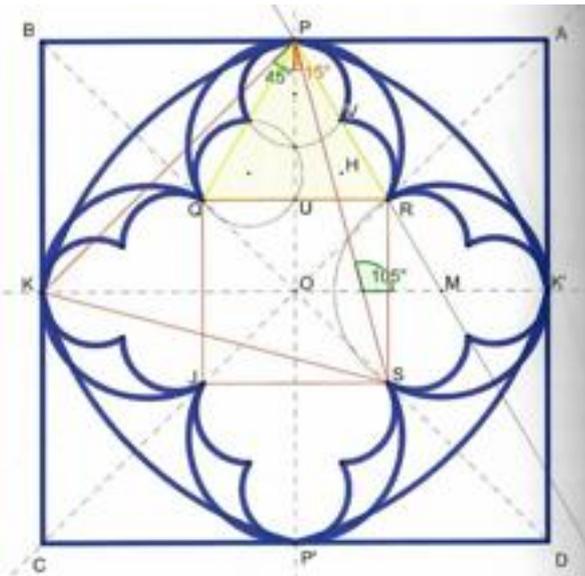


$$\frac{AB}{CD} = \sqrt{3}$$

En el dibujo se muestra un ejemplo de la aplicación de la geometría en la arquitectura. El triángulo ABC es un triángulo equilátero inscrito en un círculo rojo. El triángulo ACD es un triángulo rectángulo inscrito en el mismo círculo rojo. La longitud del segmento AB es igual a la longitud del segmento CD multiplicada por la raíz cuadrada de tres.

PROPORCIONES NOTABLES			
ESTÁTICAS		DINÁMICAS	
Cuadrada	$\frac{a}{b} = 1$	Raíz de dos	$\frac{a}{b} = \sqrt{2}$
Dupla	$\frac{a}{b} = 2$	Raíz de tres	$\frac{a}{b} = \sqrt{3}$
Sesquiáltera	$\frac{a}{b} = \frac{3}{2}$	Áurea	$\frac{a}{b} = \frac{1+\sqrt{5}}{2} = \phi$
Sesquitercia	$\frac{a}{b} = \frac{4}{3}$	Plata	$\frac{a}{b} = 1 + \sqrt{2} = \theta$
Sesquicuarta	$\frac{a}{b} = \frac{5}{4}$	Platino	$\frac{a}{b} = 1 + \sqrt{3}$
Pentatercia	$\frac{a}{b} = \frac{5}{3}$	Cordobesa	$\frac{a}{b} = \frac{1}{\sqrt{2}-\sqrt{2}} = \sqrt{1+\frac{\sqrt{2}}{2}} = c$





$$\operatorname{tg} 105 = -\operatorname{tg} 75 = -\frac{\operatorname{sen} 75}{\cos 75} = -\frac{\cos 15}{\operatorname{sen} 15} = -\frac{1}{\operatorname{tg} 15} = -\frac{1}{\operatorname{tg} \frac{30}{2}}$$

$$\pm \sqrt{\frac{1 + \cos 30}{1 - \cos 30}} = \pm \sqrt{\frac{2 + \sqrt{3}}{2 - \sqrt{3}}} = \pm (2 \pm \sqrt{3})$$

En el caso de un triángulo rectángulo con hipotenusa en el eje x, se puede encontrar el ángulo de inclinación de la hipotenusa resolviendo el sistema de ecuaciones

$$S\left(\left(\frac{\sqrt{3}-1}{2}\right)a, -\left(\frac{\sqrt{3}-1}{2}\right)a\right)$$

$$\frac{1}{\phi^2}, \frac{1}{\phi}, 1, \phi, \phi^2, \phi^3$$



$$\frac{CD}{AB} = \sqrt{3}$$

[Matemática Española \(RSME\)](#) [Real Sociedad](#)